RESOUDRE UN SYSTEME DE DEUX EQUATIONS A DEUX INCONNUES

(Exercices d'appropriation)

1°) Résoudre un système.

Utiliser la méthode de votre choix pour résoudre les systèmes suivants.

a)
$$\begin{cases} -x + 3y = 11 \\ 3x + 2y = 11 \end{cases}$$
 $(x; y) = (1; 4)$

b)
$$\begin{cases} x + y = 10 \\ 2x - y = 6 \end{cases} (x; y) = \left(\frac{16}{3}; \frac{14}{3}\right)$$

c)
$$\begin{cases} 2x + 9y = 41 \\ -x - 4.5y = -9 \end{cases}$$
 Aucune solution

d)
$$\begin{cases} 3x + 2y = 5 \\ -6x + 4y = -26 \end{cases}$$
 $(x; y) = (3; -2)$

e)
$$\begin{cases} x + 2y = -7 \\ 3x - 3y = 15 \end{cases}$$
 $(x; y) = (1; -4)$

f)
$$\begin{cases} -x + 3.5y = -10 & Une infinité de solutions \\ \frac{2x}{7} - y = -\frac{20}{7} & la droite d'équation \\ 2x - 7y = -20 \end{cases}$$

g)
$$\begin{cases} 6x - 21y = -60 \\ 8x + 10y = -10 \end{cases}$$
 $(x; y) = (-3; 2)$

h)
$$\begin{cases} 5x - 10y = 0 \\ 8x + 4y = -20 \end{cases}$$
 $(x; y) = (-2; -1)$

i)
$$\begin{cases} x + 0.4y = 2.4 \\ -5x - 2y = -10 \end{cases}$$
 Aucune solution

j)
$$\begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{1}{2}y = \frac{7}{4} \\ x - \frac{y}{3} = \frac{7}{3} \end{cases}$$
 $(x; y) = (3; 2)$

k)
$$\begin{cases} -x - 2y = 0 \\ y = 2 \end{cases}$$
 $(x; y) = (4; -2)$

Situations concrètes

Dans chaque cas, écrire un système permettant de répondre au problème, résoudre le système et donner les réponses attendues.

- a) Zoé veut acheter des CD et des pinceaux. Si elle choisit 6 CD et 35 pinceaux, elle payera 111€. Si elle choisit 14 CD et 15 pinceaux, elle payera 27€. Quel est le prix d'un CD et d'un pinceau ?
- b) Deux familles vont au cinéma. La première famille, composée de 4 enfants et 2 adultes, paye 30€. LA deuxième famille, composée de 6 enfants et 5 adultes, paye 63€. Quel est le tarif à l'entrée pour une place enfant ? une place adulte ?
- c) Yves achète 0,4kg de tomates et 4,4kg de pommes, il paye 18€.
 William achète 2,6kg de tomates et 0,6kg de pommes, il paye 16,20€.
 Quel est le prix d'un kg de tomates ? de pommes ?

2°) intersection entre deux droites

Etudier, dans chaque cas, si les droites d et d' sont parallèles, confondues, ou sécantes. Dans le cas où elles sont sécantes, calculer les coordonnées du point d'intersection des deux droites.

a)
$$d: y = 0.5x + 3.5$$

 $d': y = -x + 8$

b)
$$d: y = -\frac{1}{5}x - \frac{7}{5}$$

 $d': y = \frac{4}{3}x - 6$

c)
$$d: y = \frac{14}{35}x - 2.8$$
 Droites $d': y = 0.4x + 8$ Droites

d)
$$d: y = -3x - 8$$

 $d': y = 0.5x - 1$

e)
$$d: y = 4x + 13$$

 $d': y = -x + 3$

f)
$$d: y = -\frac{3}{2}x + \frac{18}{5}$$
 Droites $d': y = -1.5x + 3.6$

g)
$$d: y = -3.2x + 15.6$$

 $d': y = 3.6x - 8.2$ $I(3.5; 4.4)$

h)
$$d: y = -\frac{2}{3}x + \frac{19}{3}$$

 $d': y = \frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$

Tomates: 5.4€

Pommes: 3.6€

CD 4.5€

pinceau 2,4€

http://jouons-aux-mathematiques.fr