## I. PROGRAMME DE PREMIÈRE ANNÉE:

### I.1 Nombres

- Cette partie du programme doit consolider le travail effectué à l'Ecole Primaire. Elle doit ensuite développer les capacités des élèves en calcul numérique et faire en sorte que ceux-ci se familiarisent avec les nombres rationnels.
- Calcul mental, estimation et vérification de l'ordre de grandeur d'un résultat seront pratiqués à l'aide d'exercices oraux et de calculs approchés.
- Les calculatrices ont déjà été utilisées dans des conditions limitées à l'Ecole Primaire. Elles doivent désormais permettre de vérifier les résultats et de résoudre des problèmes à données numériques plus complexes.
- L'objectif de cette partie n'est pas de faire une étude théorique des ensembles de nombres ℕ, ℤ et ℚ⁺, mais de préciser les notions et de familiariser les élèves avec les propriétés des opérations.
- Grâce à la résolution de problèmes utilisant ces nombres, les élèves seront amenés à acquérir la signification des opérations.

| SUJETS                                                                                          | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE                                                                         | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                                                    |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                 | L'élève doit être capable de :                                                                 |                                                                                                                             |
| L'ensemble des entiers naturels №                                                               |                                                                                                |                                                                                                                             |
| Ordre dans ℕ                                                                                    | Ordonner un ensemble de nombres entiers naturels et les situer sur une demi-droite graduée.    |                                                                                                                             |
|                                                                                                 | Travailler avec de très grands nombres.                                                        |                                                                                                                             |
|                                                                                                 | Utiliser la transitivité de la relation d'ordre.                                               | Pas d'inéquations.                                                                                                          |
| Infinité de l'ensemble ℕ                                                                        |                                                                                                |                                                                                                                             |
| Les opérations                                                                                  |                                                                                                |                                                                                                                             |
| Multiplication et division de grands nombres                                                    | Pratiquer les opérations écrites et le calcul mental.                                          | Nombres de 4 chiffres divisés par des nombres à 2 chiffres, nombres de 3 chiffres multiplies par des nombres de 3 chiffres. |
| Puissances de nombres entiers à exposants naturels                                              | Utiliser la notation $a^n$ , a et n dans $\mathbb{N}$ .                                        |                                                                                                                             |
| Le rôle de 0 et de 1 (pas encore vu en cycle primaire)                                          |                                                                                                |                                                                                                                             |
| Règles de commutativité, d'associativité et de distributivité (pas encore vu en cycle primaire) | Connaître les règles de priorité dans une suite d'opérations et manipulations des parenthèses. | Il n'est pas demandé aux élèves de connaître ces noms.                                                                      |
| Multiples, diviseurs et nombres premiers                                                        | Critères de divisibilité par 2, 4, 5, 25, 10, 100, 3 et 9.                                     |                                                                                                                             |

2007-D-3310-fr-3 7/42

| SUJETS                                                           | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE                                                                                       | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                 |
|------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------|
|                                                                  | L'élève doit être capable de :                                                                               |                                                                          |
|                                                                  | Déterminer les nombres premiers jusqu'à 100. (pas encore vu en cycle primaire)                               |                                                                          |
| Plus grand commun diviseur et plus petit commun multiple         | Décomposer un nombre en facteurs premiers. (pas encore vu en cycle primaire)                                 |                                                                          |
| Ensembles dans ℕ                                                 | Donner des exemples de grands nombres à partir de situations concrètes puisées dans d'autres disciplines.    |                                                                          |
|                                                                  | Lire et écrire des grands nombres et comprendre la signification de la position d'un chiffre dans un nombre. |                                                                          |
| <u>L'ensemble des nombres entiers relatifs</u> $\mathbb{Z}$      |                                                                                                              |                                                                          |
| Introduction                                                     | Situer les nombres sur une droite graduée.                                                                   | Rencontrer des situations concrètes qui impliquent des nombres négatifs. |
|                                                                  | Comparer deux nombres entiers relatifs.                                                                      |                                                                          |
|                                                                  | Additionner et soustraire deux nombres entiers relatifs.                                                     | Opérations avec des nombres négatifs. (pas encore vu en cycle primaire)  |
| <u>L'ensemble des nombres rationnels positifs</u> $\mathbb{Q}^+$ |                                                                                                              |                                                                          |
| Nombres rationnels exprimés sous forme fractionnaire ou décimale | Les décimaux :                                                                                               |                                                                          |
| Comparaison des rationnels                                       | Révision  a) Lire et écrire des nombres décimaux                                                             | Révision et approfondissement des acquis du primaire.                    |

| SUJETS                        | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de :                                                                                                                                                                                                                                  | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|-------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Opérations sur les rationnels | b) Ordonner un ensemble de nombres<br>décimaux et les situer sur une demi-<br>droite graduée                                                                                                                                                                                            | On insistera sur la signification de la position de lavirgule dans un nombre.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|                               | <ul> <li>c) Pratiquer les opérations sur les nombres décimaux</li> <li>d) Estimer l'ordre de grandeur d'un résultat</li> <li>e) Arrondir opportunément un résultat (par exemple, à une décimale).</li> </ul>                                                                            | Introduire la division par un nombre décimal.  Etudier la multiplication et la division par un nombre décimal, particulièrement par un nombre décimal plus petit que 1.                                                                                                                                                                                                                                          |
|                               | Fractions:  Révision:  a) Comprendre la signification d'une fraction  b) Ordonner un ensemble de fractions et les situer sur une demi-droite graduée  c) Trouver des fractions équivalentes  d) Convertir une fraction en nombre décimal et réciproquement  e) Simplifier des fractions | <ul> <li>La fraction peut être rencontrée comme:</li> <li>expression d'un quotient</li> <li>partie d'une grandeur (la signification du numérateur et du dénominateur)</li> <li>opérateurs.</li> </ul> On peut comparer les fractions sans les réduire au même dénominateur. Eviter la conversion de fractions en nombres décimaux illimités. (par exemple 3/7). Utiliser des opérateurs pour faire comprendre le |

| SUJETS                                                               | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de :                                                                     | CONSEILS METHODOLOGIQUES          |
|----------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------|
|                                                                      | <ul> <li>f) Multiplier et diviser des fractions</li> <li>g) Additionner et soustraire des fractions<br/>simples</li> </ul> | fonctionnement de ces opérations. |
| Pourcentages (seulement les plus simples, i.e. 50%, 25%, 20% et 10%) | h) Calculer et utiliser des pourcentages simples.                                                                          |                                   |

## I.2 Algèbre

| SUJETS                                                           | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de:                                                        | CONSEILS METHODOLOGIQUES |
|------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------|
| Expressions littérales simples (pas encore vu en cycle primaire) | Lire et reconnaître les opérations mentionnées dans des expressions littérales.                              |                          |
|                                                                  | Calculer les valeurs numériques d'expressions dans $\mathbb{Q}^+$ en utilisant la hiérarchie des opérations. |                          |
|                                                                  | Reconnaître des sommes, des produits, etc.                                                                   |                          |

| SUJETS                           | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de:                                                                                                                                      | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                                                                                                                                                     |
|----------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Equations simples                | Comprendre la signification et savoir résoudre dans $\mathbb{Q}^+$ des équations de type: $ x \pm a = b \\ ax = b \\ ax + b = c \\ \frac{x}{a} = b $ $a,b,c \in \mathbb{Q}^+$ , $a \neq 0$ | Traduire des situations concrètes par des équations et inéquations à une inconnue.  La résolution des équations peut se faire par exemple à partir de fonctions numériques (opérateurs) sans l'utilisation des équivalences. |
| Repérage d'un point dans le plan | Représenter des points à coordonnées entières.  Interpréter des graphiques.  Considérer des situations concrètes représentées par un ensemble de points.                                   | On pourra rencontrer des situations qui sont représentées par un ensemble de points isolés, ou par un ensemble de segments, ou par des droites.                                                                              |

# I.3 Statistique descriptive

| SUJETS                                       | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de:                 | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                               |
|----------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Collectionner et ranger des données en forme | de tableau à double entrée<br>de diagrammes bâtons<br>d'histogrammes. | Voir le chapitre 3.1. "Résolution des problèmes".                                                      |
| Représentation des données                   | Interpréter ces différentes représentations.                          | Il faudrait initier les élèves à l'utilisation de logiciels pour représenter des données statistiques. |
| Moyenne arithmétique                         | Calculer la moyenne arithmétique.                                     |                                                                                                        |

#### I.4 Géométrie

L'expérience a montré que si l'on veut que les élèves acquièrent une bonne vision dans l'espace, que les objets et leurs propriétés leur deviennent accessibles, l'enseignement de la géométrie doit commencer par une exploration de l'espace. Il est donc indispensable de recourir à des activités pratiques concernant l'observation et la manipulation d'objets.

Cependant, l'apprentissage de la géométrie est plus qu'un inventaire de constatations. Il prend toute sa valeur mathématique si l'on se fixe comme buts essentiels :

- d'acquérir des moyens objectifs permettant de préciser les caractéristiques des objets rencontrés, en prenant des mesures, en les reportant, et en manipulant
- de découvrir des relations entre les faits rencontrés
- d'organiser progressivement les propriétés observées et de les utiliser dans des cas simples
- d'encourager les élèves à avoir une compréhension de la géométrie cohérente, sans pour autant vouloir élaborer une géométrie axiomatique à ce niveau.

L'initiation à la géométrie constitue un moyen privilégié pour apprendre à manier correctement des instruments usuels, telles que la règle graduée, l'équerre ou geodreieck et le compas. L'élève apprend progressivement à reproduire des figures précises, et par conséquent acquiert une meilleure compréhension des propriétés des figures dessinées. Il est conseillé, dans le but de renforcer l'apprentissage de l'élève, d'utiliser les logiciels modernes : on pourra par exemple utiliser CABRI 2, CABRI 3D, Autograph et EUKLID Dynageo.

| SUJETS                     | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de :                                                                                                                                                                                                                                                 | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
|----------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| rectangle, le cylindre, la | Reconnaître et nommer ces solides usuels.  Classifier ces solides selon différents critères:  • faces, arêtes, sommets,  • parallélisme et perpendicularité entre des faces et des arêtes,  • faces planes ou non  Reconnaître et réaliser des développements du cube et du parallélépipède rectangle. | L'élève devrait approfondir ses connaissances des solides et figures planes qui ont été l'objet d'un étude au cycle primaire. Des ciseaux, des miroirs, du papier quadrillé, des feuilles en carton, des compas, des règles, etc. sont des accessoires nécessaires.  Des logiciels modernes peuvent être très utiles. (Voir ci-dessus).  Rencontrer divers développements et des contre-exemples.  Compléter des figures planes pour qu'elles deviennent des développements.  Etant donné un parallélépipède rectangle, un de ses développements et sa représentation cavalière, situer un même élément (sommet, arête, face).  Représenter un parallélépipède rectangle dont on donne trois arêtes.  Repérer sur des représentations des éléments vus et caches. |
|                            | Dessiner ces solides dans le plan en perspective. (pas encore vu en cycle primaire)                                                                                                                                                                                                                    | Découvrir des sections planes de solides. (pas encore vu en cycle primaire)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |

| SUJETS                                                                   | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de :                                                                                                            | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|--------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Quadrilatères, triangles et cercles  Polygones à 5, 6, 8, 10 ou 12 côtés | Reconnaître, classifier et nommer différentes formes en fonction de considérations sur  • le parallélisme,  • la perpendicularité ou  • l'isométrie, des côtés.   | Les polygones de moins de 8 côtés ont déjà été étudiés dans le cycle primaire.                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| Constructions                                                            | Construire au moyen du rapporteur et de l'équerre:  des droites parallèles des droites perpendiculaires la médiatrice d'un segment des angles d'amplitude donnée. | Exploiter ces constructions pour découvrir des notions relatives à  • la distance d'un point à une droite.  • la distance de deux droites parallèles  • les hauteurs d'un triangle et d'un parallélogramme  • les médianes d'un triangle  • des propriétés de symétrie de certaines figures.  Découvrir que le cercle est l'ensemble des points équidistants d'un point. |
|                                                                          | Construire des cercles répondant à des conditions données.                                                                                                        | Exemples d'utilisation du compas: tracer des cercles:  • de rayon donné qui passent par un point donné,  • dont le centre se trouve sur une droite donnée,  • dont le centre se trouve sur un autre cercle donné.  On peut aussi utiliser ici des logiciels de géométrie.                                                                                                |

| SUJETS                                                           | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE  L'élève doit être capable de :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | CONSEILS METHODOLOGIQUES |
|------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------|
| Mesures de grandeurs relatives aux solides et aux figures planes | <ul> <li>le segment et sa longueur,</li> <li>l'angle et son amplitude</li> <li>une figure plane et son aire,</li> <li>un solide et son volume.</li> </ul> Evaluer et mesurer des longueurs et des amplitudes d'angles. Encadrer des aires à partir de quadrillages. Calculer le périmètre et l'aire du carré et du rectangle ainsi que de figures composées de carrés et de rectangles. Calculer le volume du cube et du parallélépipède rectangle. (pas encore vu en cycle primaire) Effectuer des conversions entre différentes unités de mesure. |                          |

### 1.5 Théorie des ensembles.

| SUJETS                                      | SAVOIR ET SAVOIR FAIRE                                                                                                                                                                         | CONSEILS METHODOLOGIQUES                                                                                                            |
|---------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                             | L'élève doit être capable de :                                                                                                                                                                 |                                                                                                                                     |
| Ensembles (pas encore vu en cycle primaire) | Définir : un ensemble, les éléments d'un ensemble, l'univers, l'ensemble vide, l'union, l'intersection d'ensembles et le complémentaire d'un ensemble.                                         |                                                                                                                                     |
|                                             | Représenter des diagrammes de Venn, placer des éléments dans les régions appropriées et utiliser les diagrammes de Venn pour mettre en évidence des liens logiques entre différents ensembles. | quotidienne, particulièrement pour les diagrammes de                                                                                |
|                                             | Utiliser correctement les symboles ∈,∉,∪,∩,⊂.                                                                                                                                                  | Les diagrammes de Venn peuvent être utilisés pour montrer les relations entre différents quadrilatères avec différentes propriétés. |