NOMBRES RELATIFS

1°) Valeur absolue et opposé.

Un nombre relatif est constitué de deux informations : un signe et une distance à zéro, appelée aussi "valeur absolue".

Exemples : -3 est un nombre négatif, sa distance à zéro est 3. On note : |-3| = 3 et on lit : "valeur absolue de -3 est égale à 3".

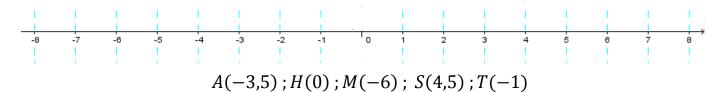
$$\frac{8}{3}$$
 est un nombre positif et $\left|\frac{8}{3}\right| = \frac{8}{3}$.

On dit que deux nombres sont opposés lorsqu'ils ont la meme distance à zéro et sont de signe contraire, par exemple -3 et 3 sont opposés.

2°) Comparer des nombres relatifs.

On peut placer les nombres relatifs sur une demi-droite graduée.

On les repère grâce à leur abscisse



On a :
$$-6 < -3.5 < -1 < 0 < 4.5$$
.

Placer des nombres relatifs sur axe gradué permet un de les comparer plus facilement. On peut aussi utiliser les règles suivantes :

- Si les deux nombres sont de signes différents, le plus petit est le nombre négatif. exemple : -2016 < 0.15
- Si les deux nombres sont positifs, le plus petit est celui qui a la plus petite distance à zéro.

exemple: 7 < 99

 Si les deux nombres sont négatifs, le plus petit est celui qui a la plus grande distance à zéro.

exemple : -99 < -7

3°) Additions et soustractions de nombres relatifs.

Additions.

Si les deux nombres sont de même signe, il faut faire la somme entre les valeurs absolues et garder le signe.

Exemples:
$$7 + 15 = 22$$
; $(-6) + (-5) = -11$; $-20 - 18 = -38$

Si les deux nombres sont de signes contraires, il faut faire la différence entre les valeurs absolues et garder le signe du nombre qui a la plus grande distance à zéro.

Exemples:
$$(+30) + (-27) = +3$$
; $(+15) + (-100) = -85$; $5 - 8 = -3$; $-9 + 15 = 6$

• Règle de suppression des parenthèses.

Si les deux nombres sont de même signe, alors on met un +.

Exemples:
$$(-9) + (+15) = -9 + 15$$
 et $(-9) - (-15) = -9 + 15$

Si les deux nombres sont de signes contraires, alors on met un -.

Exemples:
$$(+7) + (-8) = 7 - 8$$
 et $(-5) - (+4) = -5 - 4$

Pour ajouter des parenthèses.

Exemple:
$$-15 + 4 - 10 - 6 + 2 = (-15) + (+4) + (-10) + (-6) + (+2)$$
.

Attention:

- > Il faut toujours entourer un nombre avec le signe qui est devant lui
- S'il n'y a pas de signe devant le nombre, c'est un +
- Entre deux parenthèses on met toujours un +
- Soustraire deux nombres relatifs.

Soustraire un nombre relatif, c'est ajouter son opposé. (on transforme les soustractions en additions)

Exemples :
$$(+15) - (-8) = (-15) + (+8) = -7$$

ou encore $(-1) - (+5) = (-1) + (-5) = -6$

POUR MARDI : apprendre le cours + faire les exercices "additions et soustractions" PROCHAIN CONTROLE : vendredi 23/10/2015 sur TOUT